

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
 II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
*Prof. D. Galli*  
 7 febbraio 2003

(1)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  formano un angolo di  $\theta = \pi/6$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1    ☐  $\sqrt{13}$     ☐  $\sqrt{2}$     ☐  $2\sqrt{5}$     ☐  $\sqrt{10}$     ☐  $\sqrt{19}$     ☐  $\sqrt{7}$     ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$     ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$     ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$     ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$     ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$     ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$     ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$     ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt$ , dove  $k = 2 \text{ m/s}^3$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$     ☐  $t^2$     ☐  $\frac{t^2}{2}$     ☐  $\frac{2}{3}t^3$     ☐  $4t$     ☐  $2t^3$     ☐  $t^3$     ☐  $2t$     ☐  $\frac{t^3}{3}$     ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$     ☐  $\frac{t^4}{6}$     ☐  $\frac{t^3}{3}$     ☐  $\frac{t^3}{6}$     ☐  $t^3$     ☐  $\frac{t^3}{2}$     ☐  $\frac{t^4}{12}$     ☐  $\frac{t^4}{2}$     ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 2\text{m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^2$ , con  $k = 2 \text{ m/s}^2$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$     ☐  $12t$     ☐  $162t^2$     ☐  $36t^4$     ☐ 8    ☐  $81t^4$     ☐ 4    ☐ 18    ☐  $8t^2$     ☐ 6  
☐  $72t^2$     ☐  $18t$     ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$     ☐  $12t$     ☐  $162t^2$     ☐  $36t^4$     ☐ 8    ☐  $81t^4$     ☐ 4    ☐ 18    ☐  $8t^2$     ☐ 6  
☐  $72t^2$     ☐  $18t$     ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 5$  e  $B = -2 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 2 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- |   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ | <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$  |
| <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ | <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   |
| <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ | <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   |
| <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ | <input type="checkbox"/> $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ <input type="checkbox"/> nessuna delle precedenti |

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -2 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 1 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 2\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 1000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- |   |  |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ | <input type="checkbox"/> $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$                                  |
| <input type="checkbox"/> $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$      | <input type="checkbox"/> $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ <input type="checkbox"/> nessuna delle precedenti |

raggio di curvatura [m]:

- |                                |   |   |   |   |
|--------------------------------|---|---|---|---|
| <input type="checkbox"/> 1.633 | <input type="checkbox"/> $9.184 \times 10^{-1}$ | <input type="checkbox"/> $4.082 \times 10^{-1}$ | <input type="checkbox"/> $2.296 \times 10^{-1}$ | <input type="checkbox"/> nessuna delle precedenti |
|--------------------------------|---|---|---|---|

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 2 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 30^\circ$  e lungo  $d = 2 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 20 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 30 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- |                                |                                |                                |                                |   |                                |                                |                                |
|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|---|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|
| <input type="checkbox"/> 0.303 | <input type="checkbox"/> 0.304 | <input type="checkbox"/> 0.402 | <input type="checkbox"/> 0.705 | <input type="checkbox"/> 0.660                    | <input type="checkbox"/> 0.673 | <input type="checkbox"/> 0.795 | <input type="checkbox"/> 0.724 |
| <input type="checkbox"/> 1.695 | <input type="checkbox"/> 0.743 | <input type="checkbox"/> 1.711 | <input type="checkbox"/> 1.802 | <input type="checkbox"/> nessuna delle precedenti |                                |                                |                                |

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

1. Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo della somma  $\vec{a} + \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
2. Per quale tipo di moto l'accelerazione è tangente alla traiettoria? Per quale tipo di moto l'accelerazione è normale alla traiettoria? Motivare la risposta.
3. Un corpo di massa pari a  $1 \text{ kg}$  è appoggiato su di un tavolo. Qual'è l'intensità della reazione vincolare del tavolo sul corpo?
4. Qual'è il numero minimo di vettori applicati a cui si riesce a ridurre un generico sistema di vettori applicati con risultante nulla?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
Prof. D. Galli  
7 febbraio 2003

(2)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{2}$  formano un angolo di  $\theta = \pi/4$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt$ , dove  $k = 1 \text{ m/s}^3$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 2 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^2$ , con  $k = 3 \text{ m/s}^2$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 6$  e  $B = 1 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 3 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -9 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 3 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 3\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 2000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 1 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 30^\circ$  e lungo  $d = 3 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1.5 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 15 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo della differenza  $\vec{a} - \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- Quali, tra le componenti tangenziale, normale e binormale dell'accelerazione, sono nulle in un moto curvilineo uniforme?
- Se si esercita una forza con direzione orizzontale e modulo pari a  $1 \text{ N}$  su di un tavolo di massa pari a  $35 \text{ kg}$  ma il tavolo non si muove, quanto vale l'intensità della forza di attrito?
- Qual'è il numero minimo di vettori applicati a cui si riesce a ridurre un generico sistema di vettori applicati con momento risultante nullo?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
 II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
*Prof. D. Galli*  
 7 febbraio 2003

(3)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 3$  formano un angolo di  $\theta = \pi/3$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt^2$ , dove  $k = 2 \text{ m/s}^4$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 1 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^3$ , con  $k = 2 \text{ m/s}^3$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 5$  e  $B = 5 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 1 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -20 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 5 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 4\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 2000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 0.5 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 60^\circ$  e lungo  $d = 4 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 2 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 60 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il prodotto scalare  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- Quali, tra le componenti tangenziale, normale e binormale dell'accelerazione, sono nulle in un moto rettilineo non uniforme?
- Due corpi di massa diversa sono appoggiati su di un tavolo. La forza vincolare esercitata dal tavolo sul corpo di massa maggiore è minore, uguale o maggiore della forza esercitata sul corpo di massa minore?
- Si può trovare un vettore applicato che sia equivalente a un sistema di vettori applicati con risultante nulla e momento risultante diverso da zero?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
 II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
*Prof. D. Galli*  
 7 febbraio 2003

(4)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 4$  formano un angolo di  $\theta = \pi/2$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt^2$ , dove  $k = 1 \text{ m/s}^4$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 1 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^3$ , con  $k = 3 \text{ m/s}^3$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 4$  e  $B = -1 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 5 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -6 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 4 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 1.5\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 1000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 1 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 60^\circ$  e lungo  $d = 2 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 20 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo del prodotto vettoriale  $\vec{a} \wedge \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- La velocità e l'accelerazione di un punto materiale sono sempre tangenti alla sua traiettoria? Motivare la risposta.
- Se si esercita una forza con direzione orizzontale e modulo pari a  $2 \text{ N}$  su di un tavolo di massa pari a  $40 \text{ kg}$  ma il tavolo non si muove, quanto vale l'intensità della forza di attrito?
- In quale condizione il momento risultante di un insieme di vettori non dipende dal centro di riduzione? Perché?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
 II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
*Prof. D. Galli*  
 7 febbraio 2003

(5)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 3$  formano un angolo di  $\theta = \frac{2}{3}\pi$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

- ☐ 1     ☐  $\sqrt{13}$      ☐  $\sqrt{2}$      ☐  $2\sqrt{5}$      ☐  $\sqrt{10}$      ☐  $\sqrt{19}$      ☐  $\sqrt{7}$      ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

- ☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$      ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$      ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$      ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$      ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$      ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$      ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$      ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt$ , dove  $k = 2 \text{ m/s}^3$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

- ☐  $2t^2$      ☐  $t^2$      ☐  $\frac{t^2}{2}$      ☐  $\frac{2}{3}t^3$      ☐  $4t$      ☐  $2t^3$      ☐  $t^3$      ☐  $2t$      ☐  $\frac{t^3}{3}$      ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

- ☐  $t^4$      ☐  $\frac{t^4}{6}$      ☐  $\frac{t^3}{3}$      ☐  $\frac{t^3}{6}$      ☐  $t^3$      ☐  $\frac{t^3}{2}$      ☐  $\frac{t^4}{12}$      ☐  $\frac{t^4}{2}$      ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 2 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^2$ , con  $k = 2 \text{ m/s}^2$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

- ☐  $18t^2$      ☐  $12t$      ☐  $162t^2$      ☐  $36t^4$      ☐ 8     ☐  $81t^4$      ☐ 4     ☐ 18     ☐  $8t^2$      ☐ 6  
☐  $72t^2$      ☐  $18t$      ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

- ☐  $18t^2$      ☐  $12t$      ☐  $162t^2$      ☐  $36t^4$      ☐ 8     ☐  $81t^4$      ☐ 4     ☐ 18     ☐  $8t^2$      ☐ 6  
☐  $72t^2$      ☐  $18t$      ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 5$  e  $B = -2 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 2 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -2 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 1 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 2\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 1000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 2 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 30^\circ$  e lungo  $d = 2 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 20 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 30 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo della somma  $\vec{a} + \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- Per quale tipo di moto l'accelerazione è tangente alla traiettoria? Per quale tipo di moto l'accelerazione è normale alla traiettoria? Motivare la risposta.
- Un corpo di massa pari a  $1 \text{ kg}$  è appoggiato su di un tavolo. Qual'è l'intensità della reazione vincolare del tavolo sul corpo?
- Qual'è il numero minimo di vettori applicati a cui si riesce a ridurre un generico sistema di vettori applicati con risultante nulla?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
Prof. D. Galli  
7 febbraio 2003

(6)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{2}$  formano un angolo di  $\theta = \frac{3}{4}\pi$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt$ , dove  $k = 1 \text{ m/s}^3$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 2 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^2$ , con  $k = 3 \text{ m/s}^2$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 6$  e  $B = 1 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 3 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -9 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 3 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 3\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 2000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 1 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 30^\circ$  e lungo  $d = 3 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1.5 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 15 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo della differenza  $\vec{a} - \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- Quali, tra le componenti tangenziale, normale e binormale dell'accelerazione, sono nulle in un moto curvilineo uniforme?
- Se si esercita una forza con direzione orizzontale e modulo pari a  $1 \text{ N}$  su di un tavolo di massa pari a  $35 \text{ kg}$  ma il tavolo non si muove, quanto vale l'intensità della forza di attrito?
- Qual'è il numero minimo di vettori applicati a cui si riesce a ridurre un generico sistema di vettori applicati con momento risultante nullo?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
Prof. D. Galli  
7 febbraio 2003

(7)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  formano un angolo di  $\theta = \frac{5}{6}\pi$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt^2$ , dove  $k = 2 \text{ m/s}^4$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 1 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^3$ , con  $k = 2 \text{ m/s}^3$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 5$  e  $B = 5 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 1 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -20 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 5 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 4\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 2000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 0.5 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 60^\circ$  e lungo  $d = 4 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 2 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 60 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il prodotto scalare  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- Quali, tra le componenti tangenziale, normale e binormale dell'accelerazione, sono nulle in un moto rettilineo non uniforme?
- Due corpi di massa diversa sono appoggiati su di un tavolo. La forza vincolare esercitata dal tavolo sul corpo di massa maggiore è minore, uguale o maggiore della forza esercitata sul corpo di massa minore?
- Si può trovare un vettore applicato che sia equivalente a un sistema di vettori applicati con risultante nulla e momento risultante diverso da zero?

I prova parziale di Fisica Generale L-A  
**Corsi di laurea in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica**  
II Facoltà di Ingegneria, sede di Forlì  
*Prof. D. Galli*  
7 febbraio 2003

(8)

1. Due vettori di modulo rispettivamente  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 3$  formano un angolo di  $\theta = \frac{2}{3}\pi$  rad. Trovare il modulo del vettore  $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$ . Trovare inoltre il seno dell'angolo  $\phi$  compreso tra i vettori  $\vec{a}$  e  $\vec{c}$ .

Modulo:

☐ 1      ☐  $\sqrt{13}$       ☐  $\sqrt{2}$       ☐  $2\sqrt{5}$       ☐  $\sqrt{10}$       ☐  $\sqrt{19}$       ☐  $\sqrt{7}$       ☐ nessuna delle precedenti

sin  $\phi$ :

☐  $\sqrt{\frac{27}{28}}$       ☐  $\sqrt{\frac{27}{76}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       ☐  $\sqrt{\frac{1}{10}}$       ☐  $\sqrt{\frac{4}{5}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{52}}$       ☐  $\sqrt{\frac{3}{4}}$       ☐ nessuna delle precedenti

2. Un punto materiale è vincolato a muoversi senza attrito lungo una guida rettilinea. Al tempo  $t = 0$  il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione  $a(t) = kt^2$ , dove  $k = 1 \text{ m/s}^4$ , trovare la velocità e lo spazio percorso in funzione del tempo.

Velocità [m/s]:

☐  $2t^2$       ☐  $t^2$       ☐  $\frac{t^2}{2}$       ☐  $\frac{2}{3}t^3$       ☐  $4t$       ☐  $2t^3$       ☐  $t^3$       ☐  $2t$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐ nessuna delle precedenti

Spazio percorso [m]:

☐  $t^4$       ☐  $\frac{t^4}{6}$       ☐  $\frac{t^3}{3}$       ☐  $\frac{t^3}{6}$       ☐  $t^3$       ☐  $\frac{t^3}{2}$       ☐  $\frac{t^4}{12}$       ☐  $\frac{t^4}{2}$       ☐ nessuna delle precedenti

3. Un punto materiale si muove su di una traiettoria circolare di raggio  $r = 1 \text{ m}$  con legge oraria  $s(t) = kt^3$ , con  $k = 3 \text{ m/s}^3$ . Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione in funzione del tempo.

Componente tangenziale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

Componente normale [ $\text{m/s}^2$ ]:

☐  $18t^2$       ☐  $12t$       ☐  $162t^2$       ☐  $36t^4$       ☐ 8      ☐  $81t^4$       ☐ 4      ☐ 18      ☐  $8t^2$       ☐ 6  
☐  $72t^2$       ☐  $18t$       ☐ nessuna delle precedenti

4. Un punto materiale, sul piano cartesiano, segue la traiettoria  $y = Ax + B$ , con  $A = 4$  e  $B = -1 \text{ m}$ . Sapendo che la legge oraria è  $s(t) = kt^2$  con  $k = 5 \text{ m/s}^2$  e avendo scelto  $s(0) = 0$  in corrispondenza del punto  $P(0, B)$ , determinare l'equazione cartesiana del moto.

Equazione cartesiana del moto:

- ☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.196t^2\hat{i} + (0.98t^2 + 5)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 1.213t^2\hat{i} + (4.851t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.493t^2\hat{i} + (2.959t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.392t^2\hat{i} + (1.961t^2 + 5)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 0.986t^2\hat{i} + (5.918t^2 + 1)\hat{j}$   
☐  $P(t) - O = 0.784t^2\hat{i} + (3.922t^2 - 2)\hat{j}$ 
☐  $P(t) - O = 2.425t^2\hat{i} + (9.701t^2 - 1)\hat{j}$ 
☐ nessuna delle precedenti

5. Un punto materiale si muove con accelerazione  $\vec{a}(t) = A \exp(-kt)\hat{i} + B\hat{j}$ , essendo  $A = -6 \text{ m/s}^2$ ,  $k = 4 \text{ s}^{-1}$  e  $B = -9.8 \text{ m/s}^2$ . Determinare l'equazione della traiettoria, sapendo che il corpo parte con velocità  $\vec{v}(0) = 1.5\hat{i} \text{ m/s}$  dal punto  $\vec{r}(0) = 1000\hat{j} \text{ m}$ . Determinare inoltre il raggio di curvatura a  $t = 0$ .

Equazione traiettoria:

- ☐  $y = -3.063 \times 10^{-1} [\ln(1 - 2.667x)]^2 + 1000$ 
☐  $y = -1.96 \times 10^{-1} [\ln(1 - 1.25x)]^2 + 2000$   
☐  $y = -5.444 \times 10^{-1} [\ln(1 - x)]^2 + 2000$ 
☐  $y = -4.9 [\ln(1 - 0.5x)]^2 + 1000$ 
☐ nessuna delle precedenti

raggio di curvatura [m]:

- ☐ 1.633
 ☐  $9.184 \times 10^{-1}$ 
☐  $4.082 \times 10^{-1}$ 
☐  $2.296 \times 10^{-1}$ 
☐ nessuna delle precedenti

6. Un corpo di dimensioni trascurabili e massa  $m = 1 \text{ kg}$  è appoggiato a un piano inclinato rispetto a terra di  $\theta = 60^\circ$  e lungo  $d = 2 \text{ m}$ . Alle due estremità del piano inclinato sono fissate due molle, ciascuna di lunghezza a riposo pari a  $l = 1 \text{ m}$ . Le due molle sono pure fissate al corpo alla loro estremità libera. Sia  $k_1 = 20 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata a terra e sia  $k_2 = 40 \text{ N/m}$  la costante elastica della molla fissata in cima al piano inclinato. Determinare, all'equilibrio, la distanza  $h$  del corpo da terra.

distanza  $h$  del corpo da terra [m]:

- ☐ 0.303
 ☐ 0.304
 ☐ 0.402
 ☐ 0.705
 ☐ 0.660
 ☐ 0.673
 ☐ 0.795
 ☐ 0.724  
☐ 1.695
 ☐ 0.743
 ☐ 1.711
 ☐ 1.802
 ☐ nessuna delle precedenti

**Rispondere alle seguenti domande (si apprezza l'esattezza, la chiarezza, la completezza e la sintesi delle risposte).**

- Dati i moduli fissati e non nulli  $a$  e  $b$ , diversi tra loro, di due vettori, quali sono i valori minimo e massimo che può assumere il modulo del prodotto vettoriale  $\vec{a} \wedge \vec{b}$  al variare dell'angolo compreso tra i due vettori?
- La velocità e l'accelerazione di un punto materiale sono sempre tangenti alla sua traiettoria? Motivare la risposta.
- Se si esercita una forza con direzione orizzontale e modulo pari a  $2 \text{ N}$  su di un tavolo di massa pari a  $40 \text{ kg}$  ma il tavolo non si muove, quanto vale l'intensità della forza di attrito?
- In quale condizione il momento risultante di un insieme di vettori non dipende dal centro di riduzione? Perché?